# 苫前ウィンビラ発電所における複雑地形上での地形及び風車の ウェイクの影響を考慮した風況シミュレーション

# Simulation of the wind in consideration of wake flow and complex terrain

## at Tomamae Winvilla Wind park

太田俊広 (CRC ソリューションズ) 谷川亮一 (CRC ソリューションズ)

北谷匠子 (CRC ソリューションズ)

露木和彦 (電源開発) 兵藤浩晃 (電源開発)

Toshihiro Oota, CRC Solutions Corp., 2-7-5, Minamisuna, Koto-Ku, Tokyo Ryoichi Tanikawa, CRC Solutions Corp.
Shouko Kitaya, CRC Solutions Corp.
Kazuhiko Tsuyuki, ELECTRIC POWER DEVELOPMENT CO.,LTD.
Hiroaki Hyoudou, ELECTRIC POWER DEVELOPMENT CO.,LTD.

When the large scale wind power site is built, it can't get the expected amount of power generation in many case with an influence of the wind turbine wake by the arrangement of the wind turbine. Then, the wind model which can calculate the wind which took the influence of wake into consideration in complex terrain was developed. Wake formation is modeled by the momentum theory, and included into the k-model, and the decrement of the velocity of the wind is found. As a result of calculating the influence of wake at Tomamae Winvilla Wind park by using this model, in the part of wake, About 10%-20% of the velocity of the wind decreased.

Keywords: Wind turbine, Complex terrain, Wake, k-model, Simulation

## 1.はじめに

ウィンドファームのような大規模風力発電所における効 率的な発電機の配列については、過去の調査・研究によっ て、いくつかの指標が存在する。海外での過去の研究結果 から、一般に風車間の間隔は、風上側に 7~12D、風向と 直角に 1.5~3.0D とされている。また、風速が弱く、風況 の乱れが少ないほど後列の発電ロスが大きいとされており、 風向偏差からウェイク領域を算出する方法が用いられてい る。しかし、これらはアメリカ、ヨーロッパなど、比較的 平坦で広い面積を確保できる場合に適用されるものであり、 日本の風力発電所のように十分な面積を得ることが難しく、 狭く起伏の大きい地形に風車を建設する場合には、その指 標は必ずしも適用することができない。仮に適用できても 予想通りの発電出力が得られない場合が多い。従って、よ り狭い面積により多くの風車を効果的に配置することで、 効率的に発電出力を得る工夫が必要となる。それには今ま での指標とは異なる、より実情に沿った新しい手法が必要 となる。

そこで複雑地形でウェイクの影響を考慮した風況計算を行えるように k 型乱流モデルを用いた風況モデルを開発した。これは風車によるウェイク生成を運動量理論によりモデル化して風速の減衰率を求め、これを k モデルに組み込んだものである。このモデルを用いて山岳地形である苫前ウィンビラ発電所での実際の風車配置に対してウェイクの影響を計算したのでその結果を報告する。

### 2.基礎方程式

k 型乱流モデルで用いた基礎方程式<sup>1)</sup>を以下に示す。

$$\frac{Du_i}{Dt} = -\frac{1}{\mathbf{r}} \frac{\partial P}{\partial x_i} + \frac{\partial}{\partial x_j} \left( \overline{u_i u_j} \right)$$

$$\overline{u_i u_j} = \mathbf{n}_i \left( \frac{\partial u_i}{\partial x_j} + \frac{\partial u_j}{\partial x_i} \right) - \frac{2}{3} k \mathbf{d}_{ij}$$

$$\mathbf{n}_t = C_{\mathbf{m}} \frac{k^2}{2}$$

$$\frac{Dk}{Dt} = P_k - \mathbf{e} + D_k$$

$$\frac{D\mathbf{e}}{Dt} = \frac{\mathbf{e}}{Dt} (C \cdot P_k - C \cdot \mathbf{e}) + D_k$$

$$\frac{D\mathbf{e}}{Dt} = \frac{\mathbf{e}}{k} \left( C_{e1} P_k - C_{e2} \mathbf{e} \right) + D_{e}$$

$$P_{k} = \frac{1}{2} \mathbf{n}_{t} \left( \frac{\partial u_{i}}{\partial x_{j}} + \frac{\partial u_{j}}{\partial x_{i}} \right)^{2}$$

$$D_k = \frac{\partial}{\partial x_j} \left( \frac{\mathbf{n}_t}{\mathbf{s}_k} \frac{\partial k}{\partial x_j} \right)$$

$$D_{e} = \frac{\partial}{\partial x_{j}} \left( \frac{\mathbf{n}_{t}}{\mathbf{s}_{e}} \frac{\partial \mathbf{e}}{\partial x_{j}} \right)$$

実際にはこれを一般化座標で差分法で離散化して計算した。

#### 3. 風車モデルの組み込み

k - モデルにウェイクの影響を取り入れ、複雑地形上での影響を計算するモデルを作成する。そのため風車によるウェイク生成をモデル化して風速の減衰率を求め、これを k - モデルに組み込むこととした。モデル化の方法として観測データを用いて減衰率を求める方法と理論式から求める方法が考えられるが、今回のモデルでは理論式から求める方法を用いた。用いる理論式は発電出力と風車前での風速から運動量理論を用いて風車直後の風速減衰率を求めるものである。風車を吹き抜ける風のエネルギーの分だけ風のエネルギーが減るとみなし、発電された分だけ風のエネルギーが減るとみなし、発電された分だけ風のエネルギーが減るとみなし、変ができる。もとめた減衰率にしたがってモデル内部の風車位置における格子点の風速を減衰させることによりウェイクの影響を組み込んだ計算を行うことができる。

用いた理論式について具体的に説明する。風が風車を吹き抜ける際に連続の式と運動量の釣り合いを考慮すると、 風車にかかる力 T は以下のようになる。

$$T = AV(U-V_1)$$
 (3 - 1)

:空気密度

A:風車面積

V:風車直後の風速

U:風車前方の風速

V<sub>1</sub>:風車から離れた位置でのウェイク風速

また、ベルヌイの式からは

$$T=A(p_u-p_d)=0.5$$
  $A(U^2-V_1^2)$  (3 - 2)  $p_u$ :風車前方の圧力

p<sub>d</sub>:風車後方の圧力

となり、(3-1)式と(3-2)式よりVと $V_1$ は以下のようになる。

$$V=0.5(U+V_1)$$
 (3 - 3)

すると発電量 P は (3-2) 式と (3-3) 式から

$$P=TV=0.5 A(U^2-V_1^2)V=2 A(U-V)V^2$$
 (3 - 4)

となる。したがってある時点での風車前方の風速と発電出力がわかれば(3-4)式を用いて風車直後での風速を求めることができ、風速の減衰率を知ることができる。

この方法を用いたときの具体的な計算手順は以下のようになる。

風車の前面(風上側 1 メッシュの点)での風速と発電性能曲線を用いて発電出力を求める。

風車前面の風速と発電出力から運動量理論により風車 背後での風速の減衰率を求める。

k - モデルの風車直後の風速を で求めた風速に設定 し、次の時間ステップに進む。

実際には計算領域内で風車位置に相当する格子点に対して上記の手順を行うことになる。対象となる格子点は風車のローターの大きさと計算メッシュの大きさにもよるが、ローターの占める面積に対応する複数の格子点について行う。

#### 4.計算結果

今回のモデルは苫前ウィンビラ発電所を対象として計算を行った。苫前ウィンビラ発電所は北海道苫前町の海岸近くにあり、出力 1650kw が 1 4 基、1500kw が 5 基の計 1 9 基の風車が設置された大規模な風力発電所である。計算領域は東西 5 km、南北 5 km、鉛直 1 k mであり、水平格子間隔は 50 m、鉛直格子間隔は地表付近を細かくした不等間隔、格子数は 1 0 1 × 1 0 1 × 2 0 である。苫前ウィンビラ発電所の風車はローター直径が約 66mであり、水平方向のメッシュ間隔を 50 mとしているので、風車 1 機あたり水平方向で 2 点、鉛直方向はそれよりも細かいため 3~4点の格子点に対して 3 節で述べた風車モデルを適用した。風車の仕様を表 1 に示す。

table 1 Wind turbine technical data

Nominal output	1650kW	1500kW
Units	14	5
Nominal wind speed	17m/s	13m/s
Cut in	4m/s	2.5m/s
Cut out	25m/s	25m/s
Rotor diameter	66m	66m
Number of blades	3	3
Hub height	60.4m	60m

次に、計算に用いた地形および風車位置を図1に示す。 苫前ウィンビラ発電所の西側には別の大規模な風力発電所があるが、これも計算領域内に入るので計算対象とした。 ただしこの発電所の影響をあまり受けないように北西風の日に対して計算を行うこととし、日時は2001年12月17日午前0時の計算を行った。この日は強い北西風が吹いているケースである。計算の初期値は一定風向・風速とはせず、まず CRC ソリューションズで開発された局地気象モデル LOCALS ®の3km メッシュでの計算を行い、その結果を50mメッシュのk - モデルにネスティングして初期値とした。

以上の条件で計算した結果について、地上高60mでの計 算結果を風車無しの場合の風速を図2に、風車ありの場合 を図3に示す。図2では、海上で15m/s 程度の風が陸に 向かって吹いており、地形の影響を受けて谷筋では風が弱 く、海岸近くや標高の高いところでは風が強くなっている のが分かる。また、図3に示す風車ありの場合では基本的 な風況は図2と同じような傾向を示しながら、風車の風下 側では風速の小さい領域が現れており、風車によるウェイ クが再現できていることが分かる。また、全体を見ても振 動などの計算異常は現れておらず、流れ場全体に矛盾を引 き起こすことなく風車モデルを組み込むことができている 事がわかる。ウェイクを見やすくするために、風車ありの 場合と無しの場合の風速の差をとったものを図4に示す。 図4を見ると風車のウェイクにより風車風下側で風速が減 少している様子がとらえられている。また、風上側風車よ りも風下側風車のウェイクのほうがより風速が下がってい る。また、ウェイクの部分が途切れているところがあるが、 これは実際に途切れ途切れになっているのではなく、図4 では地上高60mの断面をとっているため、谷の部分では ウェイクよりも下側を表示しているためである。つまり図 5の鉛直断面図に示すようにウェイクは地形に沿って上下 にうねるのではなく、山の部分では地形に沿うが、谷の部 分では水平に近い状態で形成されることが分かる。 これらの計算結果から、ウェイクの影響を考慮した気流

これらの計算結果から、ウェイクの影響を考慮した気流 計算が行われていることがわかり、k - モデルへの風車 モデルの組み込みは実現できているといえる。

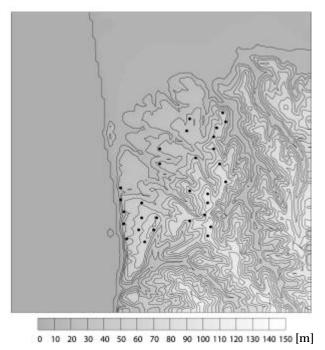


fig.1 topographical map with wind turbine position

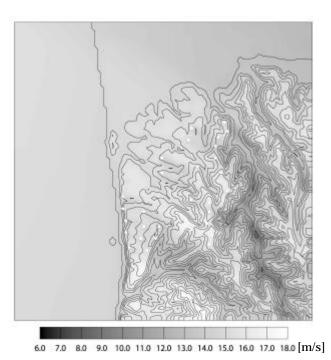


fig.3 contour of windspeed (with wind turbine)

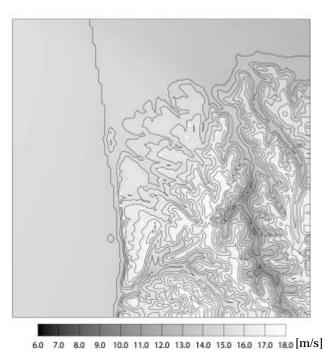


fig.2 contour of windspeed (no wind turbine)

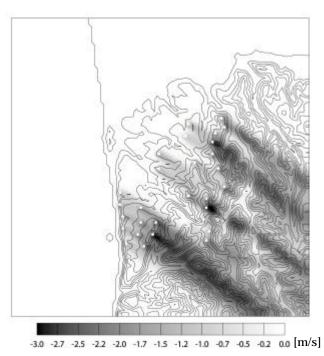


fig.4 difference of windspeed between fig2 and fig3



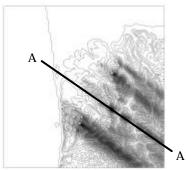


fig.5 vertical section of A-A line

#### 5.まとめ

k - モデルに風車モデルを組み込むことで風車ウェイクの計算機能の開発を行った。計算の結果、ウェイクの水平分布や鉛直断面を知ることが出来た。また、今後は観測データから統計手法により減衰率を求めるなど、より現実に近い減衰率を求めることや、観測データとの比較による精度検証などにより精度の向上をおこなう予定である。

#### 参考文献

- 1) 小林敏雄ら: 数値流体力学シリーズ 乱流解析: 東京大学出版会、1995
- 2 ) Spera,D.A.: WIND TURBINE TECHNOLOGY, ASME PRESS,1995
- 3 ) Kikuchi et al., 1981: Numerical Study on the Effects of Mountains on the Land and Sea Breeze Circulation in the Kanto District : Journal of the Meteorological Society of Japan Vol. 59, No. 5